

## Révisions

---

### Compléments sur les fonctions

Afficher une page à la fois seulement.

Une page : une question

page suivante : la réponse.

## Fiche 1

On dit qu'une fonction  $f$  est continue en un point  $a$  si...

---

## Fiche 1

On dit qu'une fonction  $f$  est continue en un point  $a$  si...

$$\lim_{x \rightarrow a} f(x) = f(a).$$

## Fiche 2

Si une fonction continue  $f$  n'est pas définie en un point  $a$  et si  $f$  admet une limite finie  $\ell$  en  $a$ , alors on peut prolonger  $f$  par continuité en posant...

---

## Fiche 2

Si une fonction continue  $f$  n'est pas définie en un point  $a$  et si  $f$  admet une limite finie  $\ell$  en  $a$ , alors on peut prolonger  $f$  par continuité en posant...

$$f(a) = \ell.$$

## Fiche 3

On dit qu'une fonction  $f$  est continue sur un ensemble  $D$  si....

---

## Fiche 3

On dit qu'une fonction  $f$  est continue sur un ensemble  $D$  si....

---

$f$  est continue en tout point de  $D$ .

## Fiche 4

Quelles sont les opérations sur les fonctions qui conservent la continuité ?

---



## Fiche 4

Quelles sont les opérations sur les fonctions qui conservent la continuité ?

Addition, multiplication par une constante, multiplication, division si le dénominateur ne s'annule pas, composition.

## Fiche 5

Si une fonction  $f$  est continue sur  $[a, b]$  et telle que  $f(a)f(b) \leq 0$ ,  
alors....

---

## Fiche 5

Si une fonction  $f$  est continue sur  $[a, b]$  et telle que  $f(a)f(b) \leq 0$ ,  
alors....

---

Il existe un élément  $c \in [a, b]$  tel que  
 $f(c) = 0$ .

## Fiche 6

Donner la suite du théorème des valeurs intermédiaires : Si  $f$  est continue sur  $[a, b]$ , alors pour tout  $y$  entre  $f(a)$  et  $f(b)$ ....

---

## Fiche 6

Donner la suite du théorème des valeurs intermédiaires : Si  $f$  est continue sur  $[a, b]$ , alors pour tout  $y$  entre  $f(a)$  et  $f(b)$ ....

---

il existe un réel  $c \in [a, b]$  tel que  
 $f(c) = y$ .

## Fiche 7

Les points fixes d'une fonction  $f$   
sont....

---

## Fiche 7

Les points fixes d'une fonction  $f$   
sont....

---

les solutions de l'équation  $f(x) = x$   
sur  $D$  (les points d'intersections  
avec la droite  $y = x$ )

## Fiche 8

Graphiquement, la dérivée  $f'(a)$  de  $f$  en  $a$  représente...

---



## Fiche 8

Graphiquement, la dérivée  $f'(a)$  de  $f$  en  $a$  représente...

la pente de la tangente à la courbe de  $f$  au point d'abscisse  $a$ .

## Fiche 9

$$(f + g)' =$$

---

## Fiche 9

$$(f + g)' =$$

$$f' + g'$$

## Fiche 10

$$(fg)' =$$

---

## Fiche 10

$$(fg)' =$$

$$f'g + fg'$$

## Fiche 11

$$\left(\frac{f}{g}\right)' =$$

---

## Fiche 11

$$\left(\frac{f}{g}\right)' =$$

$$\frac{f'g - fg'}{g^2}$$

## Fiche 12

$$(g \circ f)' =$$

---



## Fiche 12

$$(g \circ f)' =$$

$$f' \cdot (g' \circ f)$$

## Fiche 13

Si  $f$  est une fonction, la notation  
 $f^{(n)}$  représente....

---

## Fiche 13

Si  $f$  est une fonction, la notation  $f^{(n)}$  représente....

---

la dérivée  $n$ -ième de  $f$ , c'est la fonction qu'on obtient en dérivant  $f$   $n$  fois de suite.

## Fiche 14

On dit qu'une fonction  $f$  est dans  
 $\mathcal{C}^n(I)$  si...

---

## Fiche 14

On dit qu'une fonction  $f$  est dans  $\mathcal{C}^n(I)$  si...

$f$  est dérivable  $n$  fois sur  $I$  et si sa dérivée  $n$ -ième est continue.

## Fiche 15

On dit qu'une fonction  $f$  est dans  
 $\mathcal{C}^\infty(I)$  si...

---

## Fiche 15

On dit qu'une fonction  $f$  est dans  $\mathcal{C}^\infty(I)$  si...

---

$f$  est dérivable autant de fois qu'on veut sur  $I$  (dérivable à l'infini).

## Fiche 16

Si  $f$  et  $g$  sont deux fonctions, alors

$$(f.g)^{(n)} =$$

---



## Fiche 16

Si  $f$  et  $g$  sont deux fonctions, alors

$$(f.g)^{(n)} =$$

$$= \sum_{k=0}^n \binom{n}{k} f^{(k)} g^{(n-k)}$$

## Fiche 17

Si une fonction  $f$  dérivable admet un extremum local en  $a$  (qui n'est pas une extrémité du domaine de  $f$ ), alors....

---

## Fiche 17

Si une fonction  $f$  dérivable admet un extremum local en  $a$  (qui n'est pas une extrémité du domaine de  $f$ ), alors....

$$f'(a) = 0$$

## Fiche 18

Si  $f$  est continue et dérivable sur  $[a, b]$  et que  $f(a) = f(b)$ , alors.....  
(théorème de Rolle)

---

## Fiche 18

Si  $f$  est continue et dérivable sur  $[a, b]$  et que  $f(a) = f(b)$ , alors.....  
(théorème de Rolle)

---

il existe un nombre réel  $c \in ]a; b[$  tel  
que  $f'(c) = 0$

## Fiche 19

Si  $f$  est une fonction continue sur  $[a; b]$ , dérivable  $]a; b[$  et que pour tout  $t \in ]a; b[$ , on a  $|f'(t)| \leq k$ , alors.... (inégalité des accroissements finis)

---

## Fiche 19

Si  $f$  est une fonction continue sur  $[a; b]$ , dérivable  $]a; b[$  et que pour tout  $t \in ]a; b[$ , on a  $|f'(t)| \leq k$ , alors.... (inégalité des accroissements finis)

$$\forall x, y \in [a; b], \quad |f(y) - f(x)| \leq k|y - x|$$