

Révisions

Suites

Afficher une page à la fois seulement.

Une page : une question

page suivante : la réponse.

Fiche 1

C'est quoi une suite, en gros ?

Fiche 1

C'est quoi une suite, en gros ?

C'est une famille de nombre numérotée, qu'on note $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$.

Fiche 2

Une suite (u_n) est constante si
(deux réponses)

Fiche 2

Une suite (u_n) est constante si
(deux réponses)

si il existe $\alpha \in \mathbb{R}$ tel que

$$\forall n \in \mathbb{N}, u_n = \alpha$$

$$\text{Si } \forall n \in \mathbb{N}, u_{n+1} = u_n$$

Fiche 3

Un suite (u_n) est croissante si

Fiche 3

Un suite (u_n) est croissante si

$$\forall n \in \mathbb{N}, u_{n+1} \geq u_n$$

Fiche 4

Un suite (u_n) est décroissante si

Fiche 4

Un suite (u_n) est décroissante si

$$\forall n \in \mathbb{N}, u_{n+1} \leq u_n$$

Fiche 5

ça veut dire quoi étudier la monotonie de (u_n) et quelles sont les deux méthodes possibles ?

Fiche 5

ça veut dire quoi étudier la monotonie de (u_n) et quelles sont les deux méthodes possibles ?

La monotonie, c'est le sens de variation (croissant ou décroissant)

Méthode 1 : on étudie le signe de $u_{n+1} - u_n$. (Positif : suite croissante, négatif : suite décroissante, nul : suite constante)

Méthode 2 : on étudie $\frac{u_{n+1}}{u_n}$, uniquement si u est une suite positive stricte. (≥ 1 : suite croissante, ≤ 1 : suite décroissante, $= 1$: suite constante)

Fiche 6

Si $a > 0$, donner le sens de variation de $(a^n)_{n \in \mathbb{N}}$ et sa limite

Fiche 6

Si $a > 0$, donner le sens de variation de $(a^n)_{n \in \mathbb{N}}$ et sa limite

Si $a > 1$ la suite $(a^n)_{n \in \mathbb{N}}$ est strictement croissante. Limite $+\infty$

Si $a = 1$ la suite $(a^n)_{n \in \mathbb{N}}$ est constante. Limite 1

Si $a < 1$ la suite $(a^n)_{n \in \mathbb{N}}$ est strictement décroissante. Limite 0

Fiche 7

Une suite (u_n) est dite arithmétique
si

Fiche 7

Une suite (u_n) est dite arithmétique
si

$\forall n \in \mathbb{N}, \quad u_{n+1} = u_n + r, \text{ avec } r$
un réel fixé, la raison.

Fiche 8

Si (u_n) est une suite arithmétique de raison r , que vaut u_n en fonction de n ?

Fiche 8

Si (u_n) est une suite arithmétique de raison r , que vaut u_n en fonction de n ?

$$u_n = u_0 + nr$$

Fiche 9

Une suite (u_n) est dite géométrique
si

Fiche 9

Une suite (u_n) est dite géométrique
si

$\forall n \in \mathbb{N}, \quad u_{n+1} = qu_n$, avec q un
réel fixé, la raison.

Fiche 10

Si (u_n) est une suite géométrique de raison q , que vaut u_n en fonction de n ?

Fiche 10

Si (u_n) est une suite géométrique de raison q , que vaut u_n en fonction de n ?

$$u_n = u_0 q^n$$

Fiche 11

Si $(|u_n|)_{n \in \mathbb{N}}$ converge vers 0, alors
 (u_n) a quelle limite ?

Fiche 11

Si $(|u_n|)_{n \in \mathbb{N}}$ converge vers 0, alors
 (u_n) a quelle limite ?

0 aussi

Fiche 12

Si $u_n = f(n)$ avec une $x \rightarrow f(x)$ une fonction réelle continue qui tend vers ℓ quand $x \rightarrow \infty$, alors u_n a pour limite... ?

Fiche 12

Si $u_n = f(n)$ avec une $x \rightarrow f(x)$ une fonction réelle continue qui tend vers ℓ quand $x \rightarrow \infty$, alors u_n a pour limite... ?

ℓ

Fiche 13

Si $-1 < a < 0$, La suite $(a^n)_{n \in \mathbb{N}}$ a
pour limite

Fiche 13

Si $-1 < a < 0$, La suite $(a^n)_{n \in \mathbb{N}}$ a
pour limite

0

Fiche 14

Si $a \leq -1$, La suite $(a^n)_{n \in \mathbb{N}}$ a pour
limite

Fiche 14

Si $a \leq -1$, La suite $(a^n)_{n \in \mathbb{N}}$ a pour
limite

Rien ! pas de limite.

Fiche 15

Si f un fonction qui a pour limite ℓ en a et $u_n \rightarrow a$, quelle est la limite de $f(u_n)$?

Fiche 15

Si f un fonction qui a pour limite ℓ en a et $u_n \rightarrow a$, quelle est la limite de $f(u_n)$?

ℓ

Fiche 16

$(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ converge vers 0 et si $(v_n)_{n \in \mathbb{N}}$ est bornée, alors la suite $(u_n v_n)_{n \in \mathbb{N}}$ converge vers... ?

Fiche 16

$(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ converge vers 0 et si $(v_n)_{n \in \mathbb{N}}$ est bornée, alors la suite $(u_n v_n)_{n \in \mathbb{N}}$ converge vers... ?

0

Fiche 17

Si (u_n) est une suite positive, alors
sa limite sera...

Fiche 17

Si (u_n) est une suite positive, alors
sa limite sera...

un nombre positif ou nul, ou $+\infty$,
ou rien.

Fiche 18

Si $\forall n \in \mathbb{N}$, $u_n \leq v_n \leq w_n$ et les suites (u_n) et (w_n) convergent vers la **même** limite ℓ , alors la suite (v_n) ?

Fiche 18

Si $\forall n \in \mathbb{N}$, $u_n \leq v_n \leq w_n$ et les suites (u_n) et (w_n) convergent vers la **même** limite ℓ , alors la suite $(v_n) \dots ?$

converge aussi vers ℓ .

Fiche 19

Si pour tout $n \in \mathbb{N}$, $u_n \leq v_n$ et $u_n \rightarrow +\infty$, alors v_n a pour limite...

Fiche 19

Si pour tout $n \in \mathbb{N}$, $u_n \leq v_n$ et $u_n \rightarrow +\infty$, alors v_n a pour limite...

$+\infty$

Fiche 20

Que dire de la limite d'une suite
croissante :

si la suite est majorée ?

si la suite n'est pas majorée ?

Fiche 20

Que dire de la limite d'une suite
croissante :

si la suite est majorée ?

si la suite n'est pas majorée ?

majorée : il y a une limite finie.

non majorée : la limite est $+\infty$

Fiche 21

Que dire de la limite d'une suite
décroissante :

si la suite est minorée ?

si la suite n'est pas minorée ?

Fiche 21

Que dire de la limite d'une suite
décroissante :

si la suite est minorée ?

si la suite n'est pas minorée ?

minorée : il y a une limite finie.

non minorée : la limite est $-\infty$

Fiche 22

On dit que les suites (u_n) et (v_n)
sont adjacentes si ...

Fiche 22

On dit que les suites (u_n) et (v_n) sont adjacentes si ...

L'une des deux suites est croissante, l'autre décroissante, leur différence $(v_n - u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ tend vers 0.

Fiche 23

Que dire de la limite de deux suites adjacentes ?

Fiche 23

Que dire de la limite de deux suites adjacentes ?

Elle existe et les deux suites ont la même limite.