

## Révisions

---

### Géométrie et Complexe

Afficher une page à la fois seulement.

Une page : une question

page suivante : la réponse.

## Fiche 1

L'affixe du point  $M$  de coordonnées  $(x, y)$  dans le plan est....

---

## Fiche 1

L'affixe du point  $M$  de coordonnées  $(x, y)$  dans le plan est....

$$z = x + iy$$

## Fiche 2

Soit un point  $M$  du plan ayant  
comme affixe  $z$ .

Quelle est la longueur  $OM$  ?

---

## Fiche 2

Soit un point  $M$  du plan ayant  
comme affixe  $z$ .

Quelle est la longueur  $OM$  ?

---

$$|z|$$

## Fiche 3

Soit un point  $M$  du plan ayant  
comme affixe  $z$ .

Quelle est une mesure de l'angle  
entre l'axe des abscisses et  $\overrightarrow{OM}$  ?

---

### Fiche 3

Soit un point  $M$  du plan ayant  
comme affixe  $z$ .

Quelle est une mesure de l'angle  
entre l'axe des abscisses et  $\overrightarrow{OM}$  ?

---

$$\arg(z)$$

## Fiche 4

$A$  et  $B$  deux points d'affixe  
respectively  $a$  et  $b$ .

Quel est l'affixe de  $\overrightarrow{AB}$  ?

---



## Fiche 4

$A$  et  $B$  deux points d'affixe  
respective  $a$  et  $b$ .

Quel est l'affixe de  $\overrightarrow{AB}$  ?

---

$$b - a$$

## Fiche 5

$A$  et  $B$  deux points d'affixe  
respectives  $a$  et  $b$ .

Que représente  $|b - a|$  ?

---

## Fiche 5

$A$  et  $B$  deux points d'affixe  
respectives  $a$  et  $b$ .

Que représente  $|b - a|$  ?

---

La longueur  $AB$ .

## Fiche 6

$A$  et  $B$  deux points d'affixe  
respectively  $a$  et  $b$ .

Que représente  $\arg(b - a)$  ?

---

## Fiche 6

$A$  et  $B$  deux points d'affixe respective  $a$  et  $b$ .

Que représente  $\arg(b - a)$  ?

---

une mesure de l'angle  $(Ox, \overrightarrow{AB})$  en radians.

## Fiche 7

$M(z)$  et  $M'(z')$  deux points du plan.  
L'addition  $z + z'$  est l'affixe ...

---

## Fiche 7

$M(z)$  et  $M'(z')$  deux points du plan.  
L'addition  $z + z'$  est l'affixe ...

---

du vecteur  $\overrightarrow{OM} + \overrightarrow{OM}'$ .

## Fiche 8

$\Omega$  un point d'affixe  $\omega$  et  $r > 0$ . Le cercle de centre  $\Omega$  et de rayon  $r$  est l'ensemble des points  $M$  d'affixe  $z$  tels que ....

---



## Fiche 8

$\Omega$  un point d'affixe  $\omega$  et  $r > 0$ . Le cercle de centre  $\Omega$  et de rayon  $r$  est l'ensemble des points  $M$  d'affixe  $z$  tels que ....

---

$$|z - \omega| = r.$$

## Fiche 9

$A, B, C, D$  quatre points d'affixes respectives  $a, b, c$  et  $d$ .

Si  $\frac{CD}{AB} = k$  et  $(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{CD}) = \theta$ ,  
alors....

---

## Fiche 9

$A, B, C, D$  quatre points d'affixes respectives  $a, b, c$  et  $d$ .

Si  $\frac{CD}{AB} = k$  et  $(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{CD}) = \theta$ ,  
alors....

$$\frac{d-c}{b-a} = k e^{i\theta}$$

## Fiche 10

$A, B, C, D$  quatre points d'affixes respectives  $a, b, c$  et  $d$ .

Si  $\frac{d-c}{b-a} = k e^{i\theta}$ , alors....

---

## Fiche 10

$A, B, C, D$  quatre points d'affixes respectives  $a, b, c$  et  $d$ .

Si  $\frac{d-c}{b-a} = k e^{i\theta}$ , alors....

---

$$\frac{CD}{AB} = k \text{ et } (\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{CD}) = \theta$$

## Fiche 11

Les points  $A$ ,  $B$  et  $C$  sont alignés à quelle condition sur leurs affixes  $a, b$  et  $c$ ?

---

## Fiche 11

Les points  $A$ ,  $B$  et  $C$  sont alignés à quelle condition sur leurs affixes  $a, b$  et  $c$  ?

---

$\frac{b-c}{a-c}$  est un nombre réel.

## Fiche 12

$\overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{CD}$  sont orthogonaux à  
quelle condition sur les affixes  
affixes  $a, b, c$  et  $d$ ?

---



## Fiche 12

$\overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{CD}$  sont orthogonaux à quelle condition sur les affixes  $a, b, c$  et  $d$  ?

---

$\frac{b-a}{d-c}$  est imaginaire pur.

## Fiche 13

On translate  $M$  (point d'affixe  $z$ )  
d'un vecteur  $V$  d'affixe  $v$ .

On obtient le point  $M'$  d'affixe.....

---

## Fiche 13

On translate  $M$  (point d'affixe  $z$ )  
d'un vecteur  $V$  d'affixe  $v$ .  
On obtient le point  $M'$  d'affixe.....

$$z' = z + v$$

## Fiche 14

On applique à  $M$  (point d'affixe  $z$ )  
la rotation d'angle  $\theta$  et de centre  $\Omega$   
(affixe  $\omega$ ).

On obtient le point  $M'$  d'affixe  $z'$   
vérifiant.....

---

## Fiche 14

On applique à  $M$  (point d'affixe  $z$ )  
la rotation d'angle  $\theta$  et de centre  $\Omega$   
(affixe  $\omega$ ).

On obtient le point  $M'$  d'affixe  $z'$   
vérifiant.....

---

$$z' - \omega = e^{i\theta}(z - \omega)$$

## Fiche 15

On applique à  $M$  (point d'affixe  $z$ )  
l'homothétie de rapport  $k$  et de  
centre  $\Omega$  (affixe  $\omega$ ).

On obtient le point  $M'$  d'affixe  $z'$   
vérifiant.....

---

## Fiche 15

On applique à  $M$  (point d'affixe  $z$ )  
l'homothétie de rapport  $k$  et de  
centre  $\Omega$  (affixe  $\omega$ ).

On obtient le point  $M'$  d'affixe  $z'$   
vérifiant.....

---

$$z' - \omega = k(z - \omega).$$

## Fiche 16

La fonction  $f(z) = az$  avec  $a$  réel représente quelle transformation géométrique ?

---



## Fiche 16

La fonction  $f(z) = az$  avec  $a$  réel représente quelle transformation géométrique ?

---

L'homothétie de centre  $O$  et de rapport  $a$

## Fiche 17

La fonction  $f(z) = az$  avec  $a = e^{i\theta}$  représente quelle transformation géométrique ?

---

## Fiche 17

La fonction  $f(z) = az$  avec  $a = e^{i\theta}$  représente quelle transformation géométrique ?

---

la rotation de centre  $O$  et d'angle  $\theta$ .

## Fiche 18

La fonction  $f(z) = az$  avec  $a = ke^{i\theta}$  représente quelle transformation géométrique ?

---

## Fiche 18

La fonction  $f(z) = az$  avec  $a = ke^{i\theta}$  représente quelle transformation géométrique ?

---

La composée de l'homothétie de centre  $O$  et de rapport  $k$  avec la rotation de centre  $O$  et d'angle  $\theta$ .

## Fiche 19

Pour étudier la fonction  
 $f(z) = az + b$ , on doit déterminer  
quel point en premier ?

---

## Fiche 19

Pour étudier la fonction  
 $f(z) = az + b$ , on doit déterminer  
quel point en premier ?

---

Le point fixe  $\Omega(\omega)$  tel que

$$f(\omega) = \omega$$

## Fiche 20

On a  $f(z) = az + b$  avec un point fixe  $\Omega(\omega)$ . Comment déterminer la géométrie de  $f$  ?

---



## Fiche 20

On a  $f(z) = az + b$  avec un point fixe  $\Omega(\omega)$ . Comment déterminer la géométrie de  $f$  ?

On sait que  $f$  est composé d'une rotation et d'une homothétie de centre  $\Omega$ .

On soustrait  $f(z) = az + b$  et  $\omega = a\omega + b$  :

$$f(z) - \omega = a(z - \omega) \rightarrow \frac{f(z) - \omega}{z - \omega} = a$$

Puis on étudie le module et l'argument de  $a$  pour connaître le rapport de l'homothétie et l'angle de la rotation.